

## Opérateur CALC\_NO

---

### 1 But

---

Enrichir une structure de données `resultat` par des options de post-traitement. Il s'agit notamment des options forces nodales, réactions d'appui et plus généralement toutes les options de grandeurs élémentaires aux nœuds (options `xxxx_NOEU_xxxx`) transformant un `cham_elem` aux nœuds en un `chamno`.

## 2 Syntaxe

```

resu      [*]      = CALC_NO

(  ◊ reuse= resu,
  ◊ RESULTAT      = resu, / [evol_elas]      / [mode_stat_depl]
                        / [evol_noli]      / [mode_stat_acce]
                        / [evol_ther]     / [mode_stat_forc]
                        / [mult_elas]      / [mode_stat]
                        / [fourier_elas]   / [mode_acou]
                        / [mode_flamb]    / [dyna_trans]
                        / [base_modale]   / [dyna_harmo]
                        / [mode_meca]     / [acou_harmo]
                        / [fourier_ther]
  ◊ / TOUT_ORDRE   = 'OUI' , [DEFAULT]
  / NUME_ORDRE    = l_nuor , [l_I]
  / LIST_ORDRE    = l_ordr , [listis]
  / NOEUD_CMP     = l_mode , [l_Kn]
  / NUME_MODE     = l_numo , [l_I]
  / NOM_CAS       = nomcas , [Kn]
  / / INST =      l_inst , [l_R]
  / LIST_INST    = l_inst , [listr8]
  / FREQ =       l_freq , [l_R]
  / LIST_FREQ    = l_freq , [listr8]
  / CRITERE      = 'RELATIF' , [DEFAULT]
  ◊ PRECISION    = / prec , [R]
                        / 1.0D-6 , [DEFAULT]
  / CRITERE      = 'ABSOLU' ,
  ◊ PRECISION    = prec , [R]
  ◊ / TOUT        = 'OUI' ,
  / MAILLE       = lma , [l_maille]
  / GROUP_MA     = lgma , [l_gr_maille]

  ◊ OPTION = | | 'FORC_NODA' ,
              | 'REAC_NODA' ,
  ◊ MODELE =     modele , [modele]
  ◊ CHAM_MATER = chmater , [cham_mater]
  ◊ CARA_ELEM  = carac , [cara_elem]
  ◊ EXCIT =_F (
  ◊ CHARGE = charge , / [char_meca]
                        / [char_ther]
                        / [char_acou]
  ◊ FONC_MULT = coef , [fonction/formule]
  ◊ TYPE_CHARGE= / 'FIXE_CSTE' [DEFAULT]
                  / 'FIXE_PILO'
                  / 'SUIV'
                ),

```

```
| | 'EFGE_NOEU' ,  
| | 'EFCA_NOEU' ,  
| | 'EPSI_NOEU' ,  
| | 'SIGM_NOEU' ,  
| | 'SICA_NOEU' ,  
| | 'SIPO_NOEU' ,  
| | 'SIEQ_NOEU' ,  
| | 'EPEQ_NOEU' ,  
| | 'EPMQ_NOEU' ,  
| | 'FLUX_NOEU' ,  
| | 'SIEF_NOEU' ,  
| | 'VARI_NOEU' ,  
| | 'PRES_NOEU_DBEL' ,  
| | 'PRES_NOEU_REEL' ,  
| | 'PRES_NOEU_IMAG' ,  
| | 'INTE_NOEU_ACTI' ,  
| | 'INTE_NOEU_REAC' ,  
| | 'META_NOEU' ,  
| | 'DERA_NOEU' ,  
| | 'ENDO_NOEU_SINO' ,  
| | 'ERRE_NOEU_ELGA' ,  
| | 'DEGE_NOEU' ,  
| | 'EPSG_NOEU' ,  
| | 'DURT_NOEU' ,  
| | 'ENEL_NOEU' ,  
| | 'PMPB_NOEU' ,  
| | 'EPMG_NOEU' ,  
| | 'EPSP_NOEU' ,  
| | 'EPFP_NOEU' ,  
| | 'EPFD_NOEU' ,  
| | 'EPVC_NOEU' ,  
| | 'HYDR_NOEU' ,  
| | 'SICO_NOEU' ,  
| | 'SIGM_NOEU_SIEF' ,  
| | 'SIPO_NOEU_SIEF' ,  
| | 'VAEX_NOEU' ,  
| | 'VAEX_ELNO' ,  
| | 'ERME_NOEU' ,  
| | 'ERTH_NOEU' ,  
| | 'QIRE_NOEU' ,  
  
)  
Si RESULTAT = [typeres] alors [*] -> [typeres]
```

## 3 Opérandes

### 3.1 Opérande RESULTAT

- ♦ RESULTAT = resu

Nom du résultat enrichi dans la commande.

### 3.2 Opérandes TOUT\_ORDRE / NUME\_ORDRE / LIST\_ORDRE / NUME\_MODE / NOEUD\_CMP / NOM\_CAS / INST / LIST\_INST / FREQ / LIST\_FREQ / PRECISION / CRITERE

Voir [U4.71.00] pour la description de ces opérandes.

### 3.3 Opérandes TOUT / GROUP\_MA / MAILLE

- ♦ TOUT = 'OUI' ,

Les options sont calculées sur tout le maillage.

- ♦ GROUP\_MA = lgma ,

Les options sont calculées sur les groupes de mailles contenus dans la liste lgma.

- ♦ MAILLE = lma ,

Les options sont calculées sur les mailles contenues dans la liste lma.

### 3.4 Opérande OPTION : 'FORC\_NODA' / 'REAC\_NODA'

- ♦ OPTION = 'FORC\_NODA'

Option de calcul des forces nodales à partir des contraintes aux points de GAUSS.  
Le calcul se fait de la façon suivante:

$$\int_{\Omega} \sigma \varepsilon(u) d\Omega = \sum_K \int_K \sigma^K \varepsilon(u_K) dK = \sum_K \int_K \sigma^K B u_K dK$$

avec  $\sigma_K$  contraintes aux points de Gauss de l'élément  $K$   
 $u_K$  déplacement élémentaire

$$= \sum_K F_K u_K \text{ avec } F_K = \left\{ \int_K {}^t B \sigma^K dK \right\}$$

où  $B$  est la matrice reliant les déformations du 1<sup>er</sup> ordre aux déplacements.

Pour les éléments de poutre, les contraintes aux points de GAUSS sont en fait les efforts nodaux dans le repère de l'élément (obtenus par le produit de la matrice de rigidité de l'élément par le déplacement et en tenant compte des efforts d'origine thermique et des efforts répartis). Le calcul des forces nodales se fait en projetant les efforts nodaux contenus dans le champ de nom symbolique 'SIEF\_ELGA' dans le repère global. La sommation ci-dessus sur les éléments s'applique ensuite.

Pour les éléments axisymétriques, l'intégration en theta se fait sur un secteur de 1 *radian* . Si on veut l'intégrale de l'effort surfacique sur tout le disque il faut donc multiplier par  $2\pi$  .

Pour les éléments en déformation plane, le calcul est fait sur une bande de largeur unité. Les forces nodales calculées sont donc en fait des forces par unité de longueur. Si on veut calculer les forces nodales s'exerçant sur une structure de largeur  $l$  , il faut multiplier le résultat en D\_PLAN

par  $l$ , à ceci près que l'hypothèse de déformation plane n'est pas valide près des bords. On aura donc un résultat approximatif.

La présence du champ de nom symbolique 'SIEF\_ELGA' ou 'SIEF\_ELGA' est obligatoire dans le concept résultat `resu`. On récupère également le nom du modèle sous-jacent à ce champ.

◆ OPTION = 'REAC\_NODA'

Option de calcul des forces nodales de réactions aux nœuds, à partir des contraintes aux points de GAUSS.

Pour les concepts résultat de type `evol_elas`, `mult_elas`, `fourier_elas` ou `evol_noli`, ce calcul se fait par la formule:

$$\int_{\Omega} \sigma \varepsilon(u) d\Omega - L(u)$$

avec  $L(u) = \int_{\Omega} f \cdot u d\Omega + \int_{\Gamma} F \cdot u d\Gamma + \sum_i F_i$

où  $f$  sont les forces volumiques

$F$  les forces surfaciques

$F_i$  les forces ponctuelles au nœud  $i$

Si on note  $R_K$  le vecteur des réactions nodales sur l'élément  $K$ , on a:

$$R_K = F_K - \int_K f dK - \int_{\partial K} F \partial K - \sum_i F_i$$

autrement dit on retranche aux forces nodales les forces extérieures appliquées à l'élément  $K$ .

A noter que le changement température ne figure pas dans les forces extérieures.

En dynamique, pour obtenir les réactions nodales, il convient d'ôter de surcroît les effets d'inertie (accélération) et l'amortissement (vitesse). Actuellement dans `Code_Aster` les effets de l'amortissement sur les réactions nodales sont négligés.

Pour les concepts résultat de type `mode_meca`, (issus de calculs modaux) la formule est:

$$\int_{\Omega} \sigma \varepsilon(u) d\Omega - \omega^2 M u$$

où  $M$  est la matrice de masse

$\omega$  la pulsation propre

$u$  le champ de déplacement

Pour les concepts résultat de type `dyna_trans` issus de calculs dynamiques transitoires linéaires (`DYNA_LINE_TRAN`, ou `DYNA_TRAN_MODAL` par le biais de `REST_GENE_PHYS`), de type `dyna_harmo` issus de calculs harmoniques (`DYNA_LINE_HARM`) ou de type `evol_noli` issus de calcul dynamiques transitoires non-linéaires (`DYNA_NON_LINE`) la formule est:

$$\int_{\Omega} \sigma \varepsilon(u) d\Omega - M \ddot{u}$$

où  $M$  est la matrice de masse

$\ddot{u}$  la champ d'accélération

**Remarque:**

Les réactions nodales sont nulles en tout point intérieur du modèle et ne sont pas nulles a priori en un point du bord soumis à une condition aux limites cinématique ou de raccord. Toutefois le fait de négliger l'apport de l'amortissement en dynamique peut créer un léger écart par rapport au résultat exact.

Voir également les exemples [§3.9].

## Remarque:

Si le mot clé `GROUP_MA` est renseigné, les options '`FORC_NODA`' et '`REAC_NODA`' sont calculées ainsi:

$F_K$  est calculé uniquement sur les éléments demandés puis assemblé. Le résultat est différent d'un calcul global sur tout le domaine puis réduit aux éléments demandés. La méthode implantée permet de mesurer la réaction d'un morceau de modèle sur un autre (voir exemples [§3.9]).

### 3.4.1 Opérande `MODELE`

◇ `MODELE = mo,`

Nom du modèle sur lequel sont calculées les options.

### 3.4.2 Opérande `CHAM_MATER`

◇ `CHAM_MATER = chmater,`

Nom du champ de matériau où sont définies les caractéristiques de matériau des éléments. Cet argument est nécessaire pour le calcul des réactions (option '`REAC_NODA`'), qui nécessite le calcul préalable du vecteur élémentaire des chargements.

### 3.4.3 Opérande `CARA_ELEM`

◇ `CARA_ELEM = carac,`

Le concept des caractéristiques élémentaires de type `cara_elem` est nécessaire pour le calcul des forces nodales ou des réactions, s'il existe dans le modèle des éléments de structure.

### 3.4.4 Opérande `EXCIT`

◇ `EXCIT = _F` Pour le calcul de `REAC_NODA` uniquement:

Mot clé facteur permettant de définir les différents chargements qui ont permis de calculer le champ de contraintes aux points de GAUSS.

On définit un concept de type `charge` par occurrence du mot clé `EXCIT`.

#### 3.4.4.1 Opérande `CHARGE`

◇ `CHARGE = charge,`

Nom d'un concept de type `charge`, pour le calcul du vecteur élémentaire associé. Nécessaire pour le calcul des réactions nodales.

#### 3.4.4.2 Opérande `FONC_MULT`

◇ `FONC_MULT = coef,`

Nom d'un concept de type `fonction` fournissant la valeur du facteur multiplicateur de la charge.

#### 3.4.4.3 Opérande `TYPE_CHARGE`

◇	<code>TYPE_CHARGE =</code>	<code>/</code>	<code>'FIXE_CSTE'</code> ,	charge fixe (défaut)
		<code>/</code>	<code>'FIXE_PILO'</code> ,	charge pilotée (amplitude réelle stockée dans la SD <code>evol_noli</code> )
		<code>/</code>	<code>'SUIV'</code> ,	charge suiveuse

Dans le cas où le résultat provient d'un calcul non linéaire avec pilotage, il faut pour calculer l'option `REAC_NODA`, indiquer sous `EXCIT` à la fois les charges fixes de type ('`FIXE_CSTE`') et les charges pilotées de type ('`FIXE_PILO`'). En effet, l'amplitude  $\eta$  de ces dernières est un

paramètre de la SD `evol_noli` et sera récupéré par le code afin de reconstruire le vrai chargement :

$$L(v) = L^{fixe} + \eta L^{pilo} \text{ (cf. document [R5.03.01] de l'opérateur STAT_NON_LINE).}$$

Pour éviter de se poser des questions, on suggère de recopier dans `CALC_NO` le bloc `EXCIT` ayant été utilisé pour le calcul non linéaire ayant produit le résultat: ainsi on est sûr de ne pas oublier de charges.

## 3.5 Opérandes TOUT / GROUP\_MA / MAILLE

- ◇ `TOUT = 'OUI' ,`  
Les options sont calculées sur tout le maillage.
- ◇ `GROUP_MA = lgamma ,`  
Les options sont calculées sur les groupes de mailles contenus dans la liste `lgma`.
- ◇ `MAILLE = lma ,`  
Les options sont calculées sur les mailles contenues dans la liste `lma`.

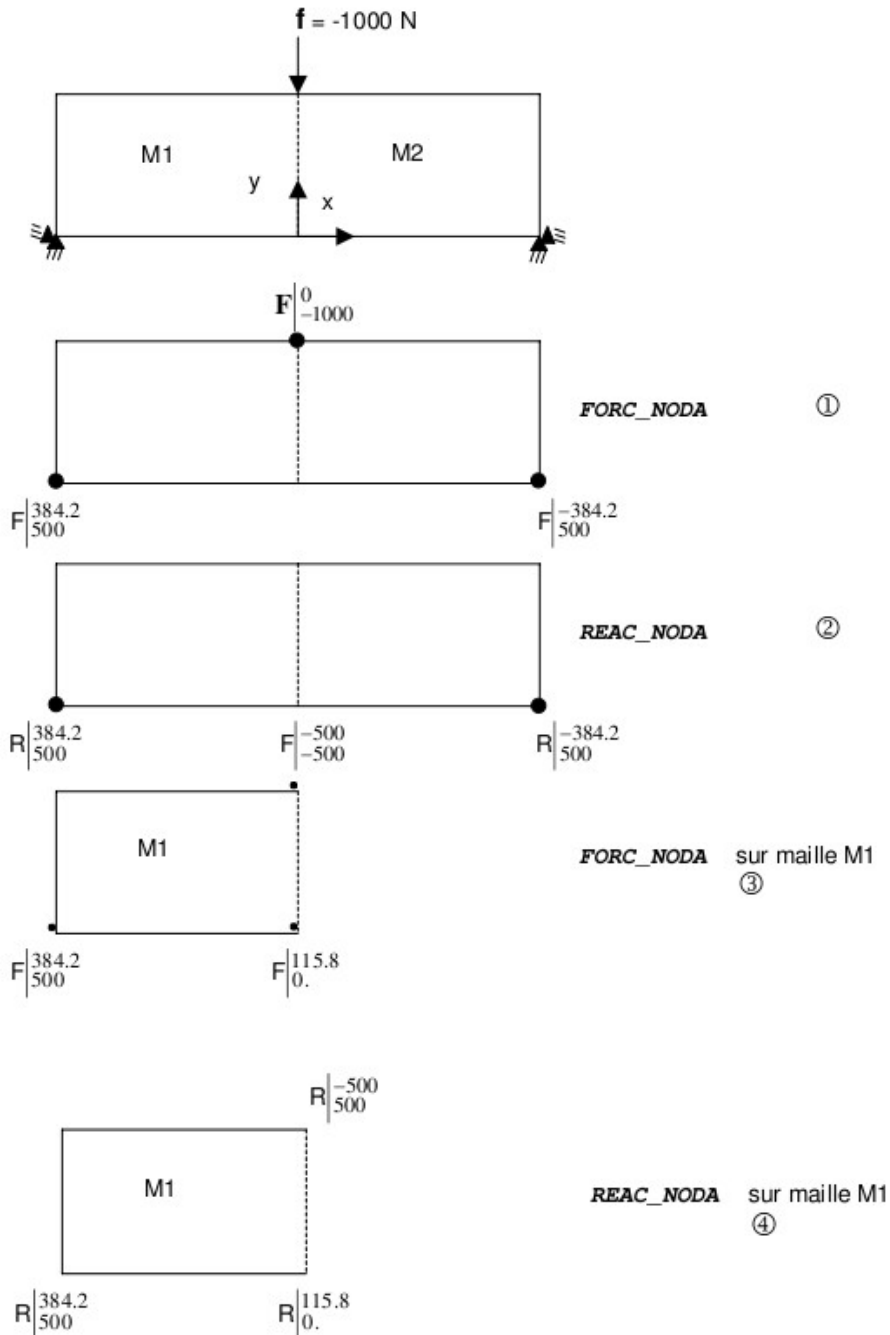
### Remarque:

Si le mot clé `GROUP_MA` est renseigné, les options '`FORC_NODA`' et '`REAC_NODA`' sont calculées ainsi:

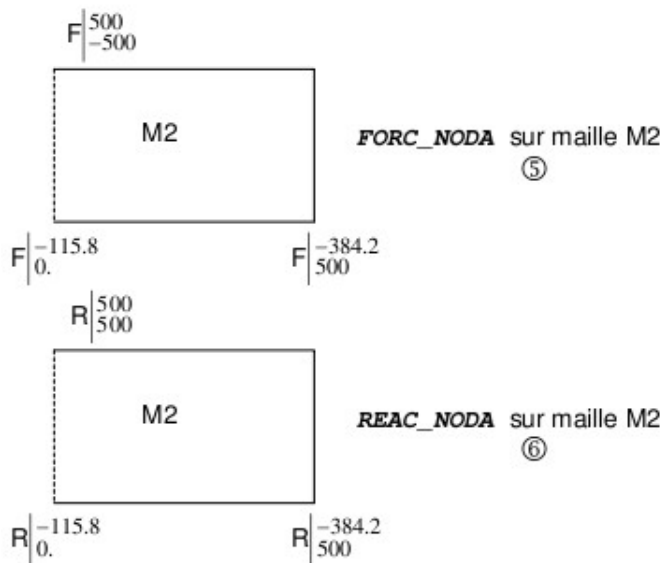
$F_K$  est calculé uniquement sur les éléments demandés puis assemblé. Le résultat est différent d'un calcul global sur tout le domaine puis réduit aux éléments demandés. La méthode implantée permet de mesurer la réaction d'un morceau de modèle sur un autre (voir exemples [§3.4.6]).

## 3.6 Exemples

### 3.6.1 Exemple 1: Structure chargée avec force nodale (2 éléments QUAD4)







Sur cet exemple, les réactions aux nœuds (2) sont bien égales aux forces nodales (1) moins le chargement. Elles représentent les réactions aux appuis de la structure.

Si on restreint le calcul à la maille  $M1$ , les forces (3) aux nœuds appartenant à la frontière entre  $M1$  et  $M2$  sont différentes. Elles représentent la réaction du modèle formé de  $M1$  au modèle formé de  $M2$ . A noter que le chargement nodal est divisé par 2 car les 2 mailles y contribuent. Les réactions nodales (4) sont encore égales aux forces nodales moins le chargement.

Sur le calcul restreint à la maille  $M2$ , les forces nodales (5) suivant  $OX$  sont de signe contraire au calcul restreint à la maille  $M1$ , illustrant le principe de l'action et la réaction.

### 3.6.2 Exemple 2: Structure avec chargement température

Données :

$$E = 1.10^9 \text{ Pa}$$

$$\nu = 0.3$$

$$\alpha = 1.10^{-6}$$

Résultats :

$$F_y = -3.410^4 \text{ N}$$

$$F_{1x} = 7.8 \cdot 10^3 \text{ N}$$

$$F_{2x} = -1.2 \cdot 10^3 \text{ N}$$

Sur cet exemple, les forces nodales et les réactions nodales coïncident car le seul chargement est un chargement température.

Si on restreint le calcul à la maille  $M2$ , les forces suivant  $OY$  restent les mêmes mais sont différentes suivant  $OX$ .

## 3.7 Opérande OPTION

Les options de calcul transformant un champ par élément aux nœuds en un champ aux nœuds, en faisant une moyenne arithmétique simple (non pondérée par la taille des mailles) des valeurs rencontrées sur les éléments en un nœud donné. Ces champs par éléments aux nœuds doivent avoir été calculés auparavant et donc figurer dans l'objet `resu`.

Les commandes calculant et documentant ces champs sont:

CALC\_ELEM [U4.81.01] pour les champs relatifs aux options:

'DERA_NOEU'	'HYDR_NOEU'
'DEGE_NOEU'	'INTE_NOEU'
'DURT_NOEU'	'PMPB_NOEU'
'EFCA_NOEU'	'PRES_NOEU'
'EFGE_NOEU'	
'ENEL_NOEU'	'SICA_NOEU'
'ENDO_NOEU'	'SICO_NOEU'
'EPMG_NOEU'	'SIGM_NOEU'
'EPSI_NOEU'	'SIPO_NOEU'
'EPSP_NOEU'	'VAEX_NOEU'
'EPEQ_NOEU'	'EPPF_NOEU'
'EPMQ_NOEU'	'EPPD_NOEU'
'SIEQ_NOEU'	'EPVC_NOEU'
'ERME_NOEU'	
'FLUX_NOEU'	
'ERME_NOEU'	
'ERTH_NOEU'	
'QIRE_NOEU'	

STAT\_NON\_LINE [U4.51.03] pour les champs relatifs aux options:

'SIEF_NOEU'	'VARI_NOEU'
-------------	-------------

CALC\_META [U4.85.01] pour le champ:

'META_NOEU'
-------------

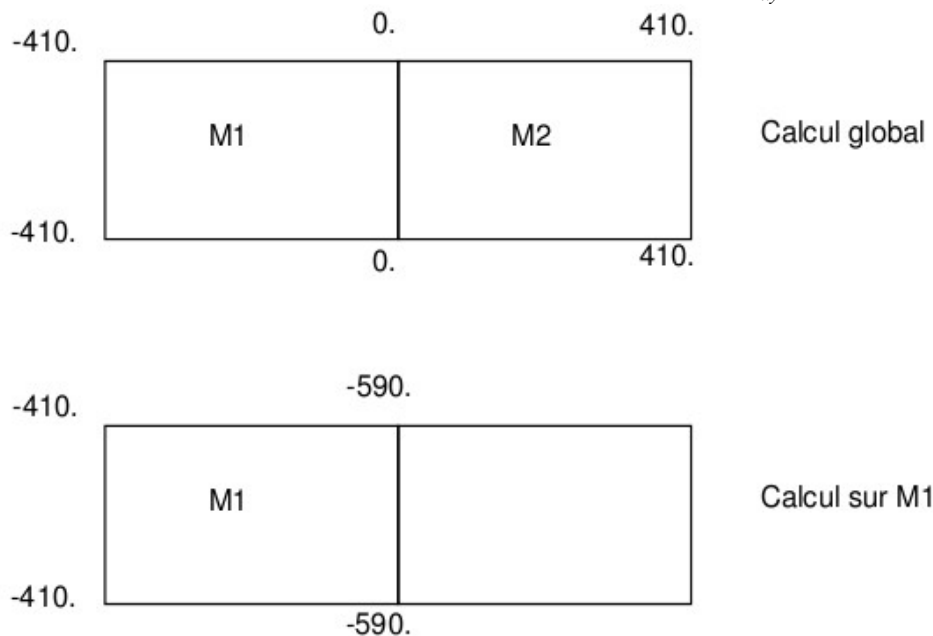
### Remarque 1:

*Les moyennations aux nœuds de champs calculés dans des repères locaux ne sont licites que si les angles entre ces repères sont faibles. Dans le cas contraire, elles n'ont pas de sens.*

## Remarque 2:

Les mot clés `GROUP_MA` et `MAILLE` s'appliquent également au calcul de ces options. Dans ce cas, la moyenne arithmétique est faite sur les mailles demandées. Là encore, le calcul local est différent du calcul global.

Exemple: en reprenant l'exemple 1 du [§3.4.6], la contrainte de cisaillement  $\sigma_{xy}$  vaut:



Dans le calcul global,  $\sigma_{xy}$  est nulle sur  $M1 \wedge M2$  comme moyenne de 2 valeurs opposées. Ces valeurs sont loin d'être nulles, comme le montre le calcul sur  $M1$  seul. Les valeurs sur la frontière du domaine demandé sont donc à interpréter avec précaution.